

Lec 3: One Compartment open model: ٣ محاضرة  
IV bolus administration.

\* مراجعة Lec 2 : كينا عن Compartmental model



one box

وهي صيغة عن فرضيات له؟ لأنه fate of drug أو شوي  
لعواء بعد ما يدخل الجسم مش معروف لكن يتنبؤوا شو ممكن  
يصره.

(متحرك)

والعملية هي dynamic وليس static (ثابتة) هي انه العواء  
يدخل داخل ~~الجسم~~ الخلايا بعدين distribution ثم يخرج ويرتبط  
بروتينات ويرجع بعض.

\* أنا بوخذ average لانه ما جوف كم الكمية الي ارتبطت وكم الي  
فضلت.

\* يوجد العديد من ال models و لكن معظمها معقدة ليهل اعتدنا

Compartment model

\* دراستنا بال Kirchic بركن عن one component .

\* كل فرضية assumption لها ~~فرضية~~ شروط : Conditions

- [1] homogenous distribution (well-stirring)
- [2] Elimination rate constant per unit of time.

\* rate of elimination — { Zero order (ethanol)  
1% of drugs  
First order (most drugs)  
99% of drugs



$T_{1/2}$  of Zero order

$$T_{1/2} = \frac{1}{2} A_0 / K_0$$

\* بما انه على Concentration amount بقانون  $T_{1/2}$

$T_{1/2}$  فأي تغير على Amount او Conc. يؤدي لتغيير الـ

**NON**

$T_{1/2}$  of Zero order / Constant

\* أما في حالة First order

$$n = 1$$

$$-dA/dt = k A_1$$

بما لا يتغير

$$A = A_0 e^{-kt}$$

exponential

يبكون Rectangular graph  
Slope او Intercept

لذلك نحولها لـ Semilog graph

y axis  $\rightarrow$  ln or log for Conc or Amount

لذلك يبقى الـ Volume of distribution is

Constant

وذلك يقدر حسب Intercept و slope

$$\ln A = -kt + \ln A_0$$

$$\log A = -kt / 2.303 + \log A_0$$

\* ليس نحول من ln إلى log بضرب بـ 2.303

$$\ln A = -kt + \ln A_0$$

$$\frac{\log A * 2.303}{2.303} = \frac{-kt}{2.303} + \frac{\log A_0 * 2.303}{2.303}$$

لقسمه مع الـ 2.303 لكي

## \* الفرق بين First &amp; Zero order

## Zero order

- ① 1% of drugs → كحول ethanol

- ② Elimination rate is Constant ثابتة

## First order

- ① 99% of drugs

- ② Elimination rate is not Constant but proportional to ~~the~~ previous amount

يعني الكمية إلى يتطوع بتتنسب مع الكمية التي قبلها وليس للكمية الأصلية وهي ليست ثابتة

$T_{half}$  for first order

$$T_{1/2} = \frac{0.693}{k}$$

Constant Constant

$$\frac{\text{Constant}}{\text{Constant}} = \text{Constant}$$

Constant

- ③ Elimination rate Constant

$T_{half}$  not Constant

- ③ Elimination rate is not Constant

but proportional to the previous amount

$T_{half}$  is Constant

\* IV bolus ← route of administration

\* IV bolus ← كل المواد صطينة بالدم ما كان في خطوة  
 absorption ~~for~~ الامتصاص  
 disposition ← IV ~~for~~ الخطوة الوحيدة التي يتغير بـ IV  
 ↳ distribution + metabolism + Excretion  
 Elimination.

← لذلك نرى هنا فقط تنافس للمواد لانه خطوة ال distribution  
 توزيع الدواء من الدم الى الخلايا وخطوة metabolism و excretion  
 هي خروج الدواء من الجسم.  
 ← يكون عالي ثم ينقص.

يعتبر تطبيق model IV

1) homogenous distribution

2) Elimination rate Constant

\* ~~One~~ Compartmental ~~model~~  
 2 ~~عنا~~ Conditions ~~model~~ model.

more specific ← IV ← حرجا

السبب : IV bolus ← توزيع homogenous يعني زرع كاسة السكر  
 بعد ما احركها صنيح ربح اذا اخذت من اي جزء Amount ربح لطلع  
 Conc. نبع السكر ثابت في كل منطقة.

لكن قبل وخلال وبعد التحريك التركيز مختلف

قبل التحريك التركيز قليل ويزاد خلال التحريك وبعد التحريك  
 السكر ذاب فالتركيز عالي. أو أحسن ما يكون.

لصين في عنا Lag time يعني وقت أنا احتجة لحد ما صار

homeogenous distribution.

\* Conc. at time 0 ≠ Conc. after 1min ≠ Conc. لذلك

Conc. at time Zero ~~على~~ Zero لذلك ما يقدر أهدأ على  
 after 2min.

\* لذلك أنا بفرض أنه بعد ما طبقت الدواء بالجسم صار عندي rapid distribution لأقدر أحصل على Conc. at time 0  
 اول ما طبقت الدواء صار عندي rapid distribution

or

instantaneous distribution

or

rapid mix

هو هو واقعي؟ لا

لكن بفرض هاي الفرضية عشان أكمل بال Kinetic

لهيك بيئاخرف انه بمجرد انه الدا صار بالجسم صار عندي  
 $\text{homogenous distribution} = \frac{\text{dose}}{\text{Volume of distribution}}$   
 توزع بنفس التركيز بالدم.

rapid

Constant

\* هاي اول فرضية (homogeneous distribution + Elimination rate)

\* ثاني فرضية انه كل ادوية IV تتبع First order.

\* ثالث فرضية انه One Compartment  $\leftarrow$  كل الامصال هي one box

تركيز داخل الدم = تركيز داخل الدماغ = تركيز داخل القلب.

ثانية  $\text{Elimination rate Constant} = k$  (Fixed)

~~كمية~~ التركيز الغيري Concentration تتبدل الى قلبها

Elimination rate is not Constant

كمية الساقطه هو متغيرة

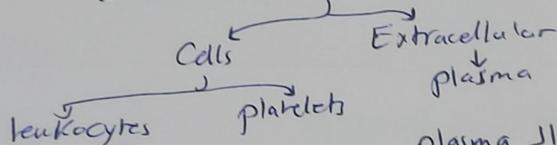
# One compartment open model: intravenous bolus administration

PK theory lec.3

Bolus

$D_p$  : dose of drug in plasma

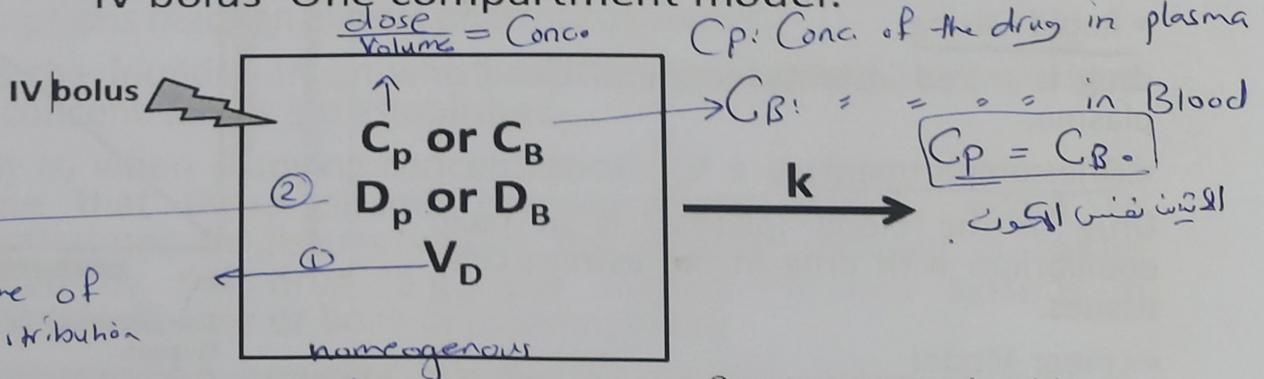
$D_B$  : dose of drug in Blood.



## One-compartment model

Conc. of drug in plasma  
من الدم بعد الفحص وقياسه  
Conc. لهذا  $D_p = D_B$  نفس الـ  
Conc.

- IV bolus- One compartment model:



Volume of distribution  
بالبراء وليس  
الجسم

Concentration =  $\frac{\text{amount}}{\text{Volume}}$   
بدون تركيز  
 $\frac{\text{dose}}{\text{Volume}}$

Open compartmental model

Cont,

- The simplest kinetic model that describes drug disposition in the body is to consider that the drug is injected all at once into a box, or compartment, and that the drug distributes instantaneously and homogeneously (kinetically) throughout the compartment.
- Drug elimination also occurs from the compartment immediately after injection.

## One-compartment model assumptions

### Assumptions

۳ شروط:

- Rapid Mixing

drug is mixed instantaneously in blood or plasma.

- One compartment

Drug in the blood (plasma) is in rapid equilibrium with drug in the extravascular tissues.

- Linear Model

Drug elimination follows first order kinetics.

$\uparrow$  Conc in plasma =  $\uparrow$  Conc in cells

kinetic homogeneity.  $\forall$

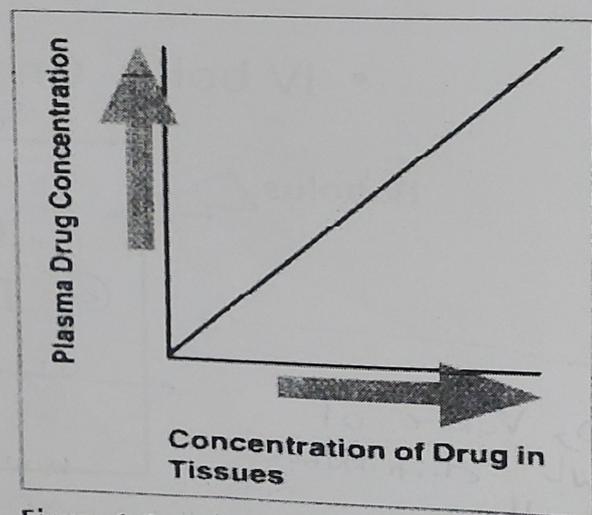


Figure 1.2. Relationship of plasma to tissue drug concentrations.

↓ Conc. plasma = ↓ Conc. in tissues (elimination)

it, <sup>دلالة على</sup> ↓ Conc. plasma = ↑ Conc. in tissues (distribution)

Changes in the plasma drug concentration reflect changes in drug concentrations in other tissues.

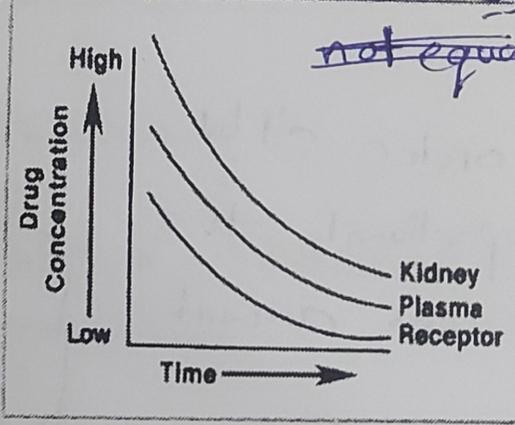
Figure 1.3 is a simplified plot of the drug concentration versus time profile following an intravenous drug dose and illustrates the property of kinetic homogeneity.

لوتس الرسم يكون خط واحد

Elimination rate <sup>مساوي</sup> لكن مختلف من مكان لكان بكل مكان رسم ، ~~not equal~~

• However, the plasma drug concentration does not equal the concentration at other sites but rather indicates how it changes with time.

Slope  
هو واحد لأنهم  
لكن بكل مكان  
رسم مختلف



• Generally, if the plasma concentration of a drug is decreasing, the concentration in tissues will also decrease.

Figure 1.3. Drug concentration versus time.



Subject

Date

No.

إذا الدواء effective بل هو effective في CNS

CNS → Subtherapeutic " " Subtherapeutic " "

" " toxic " " toxic " "

رکن لکو قاعدہ شواد ← لا ینطبق کل الادویة

# IV Linear Kinetics (First order)

Elimination rate or change in concentration is proportional to the amount available for elimination.

first order all

Glomerular Filtration } Passive

- Tubular secretion

- Biliary secretion

- Biotransformation

Involves enzymatic processes (active)

(metabolism) active

Amount at time 1 is proportional to Amount at time 0 initial.

= = = 2 = = = = = 1

= = = 3 = = = = = 2

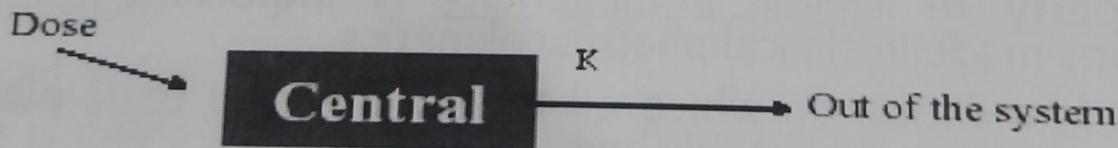
= = = 4 = = = = = 3

= = = 5 = = = = = 4

"Cont", = 6 = = = = = 5

وڪنڊا

## 1-Comp. Model: IV Bolus Dosing



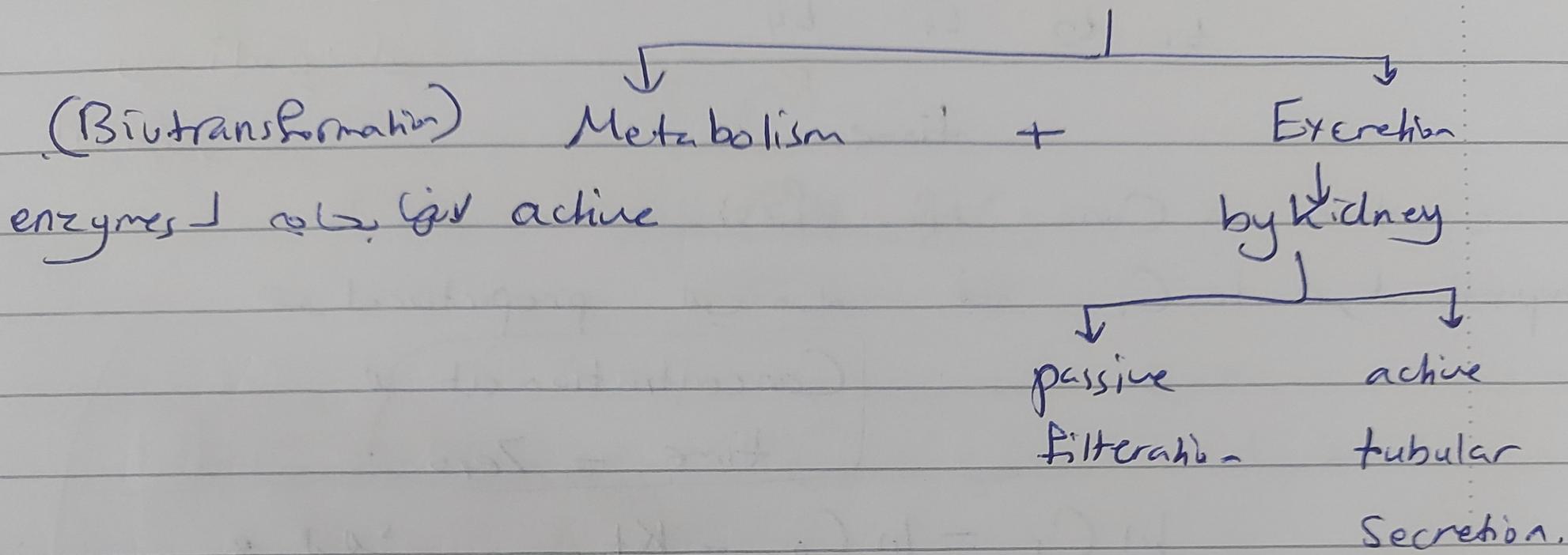
$X_t$ : the amount of drug remained in the compartment

$K$ : first-order elimination rate constant (OVERALL)  
(unit =  $\text{time}^{-1}$ )

$$\text{Rate of elimination} = \frac{dX}{dt} = -KX$$

لا يفرج عنه

Elimination \*



$$C = C_0 e^{-kt}$$

$$C_t = \frac{D_0}{V_d} * e^{-kt}$$

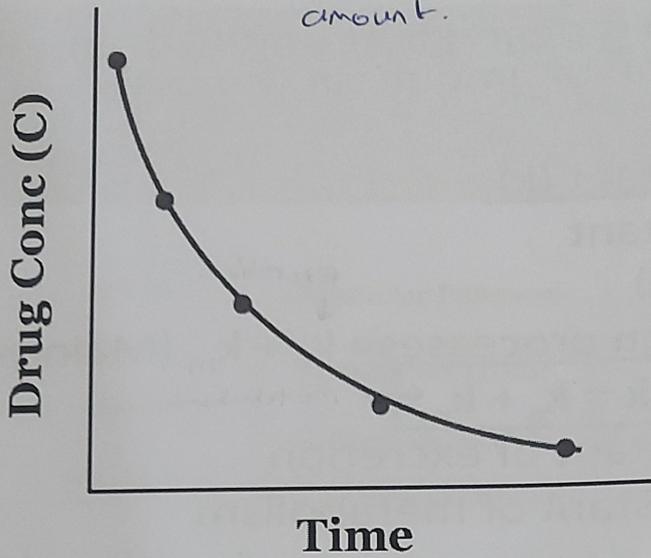
$$\frac{DE}{V_d} = \frac{D_0}{V_d} * e^{-kt}$$

amount at any time.



# One compartment open model

دواء في الجسم  
 amount.  $A$  ↓



$$C = \frac{D}{Vd} e^{-K \cdot t}$$

C = concentration  
 D = dose  
 Vd: Volume of distribution  
 K: elimination rate constant  
 t: time

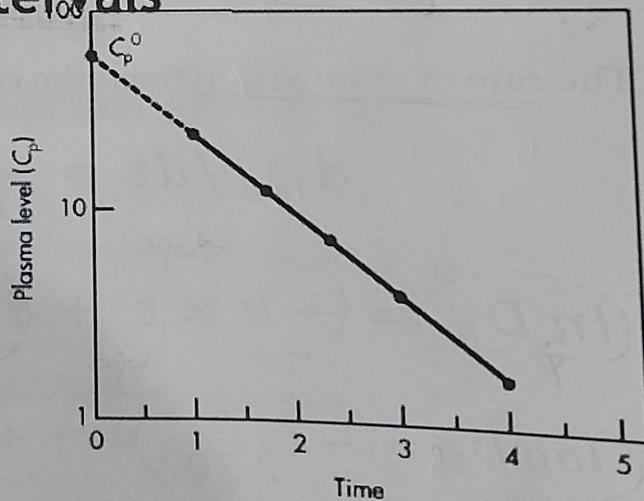
## Calculation of concentration at different time intervals

- If the first plasma concentration is taken at  $t_1$  instead of at zero and corresponds to plasma drug concentration  $C_1$ , then  $C_2$  is the concentration at time  $t_2$  and  $t$

is set to  $(t_2 - t_1)$  Then:

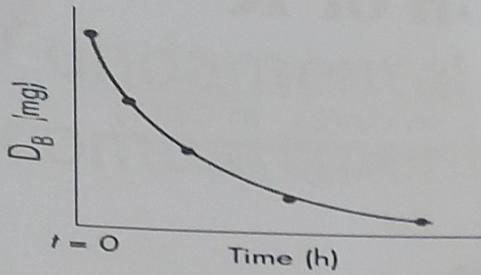
$$C_2 = C_1 * e^{-k(t_2 - t_1)}$$

$$\ln C_2 = \ln C_1 - k(t_2 - t_1) \quad -k = \frac{\ln C_2 - \ln C_1}{(t_2 - t_1)}$$

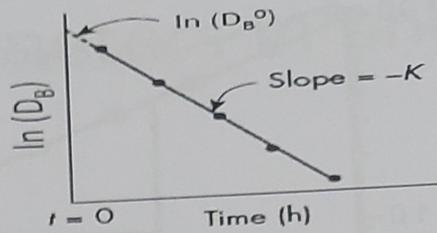


Source: Shargel S, Wu-Pong S, Yu ABC: *Applied Biopharmaceutics & Pharmacokinetics*, 5th Edition: <http://www.accesspharmacy.com>  
 Copyright © The McGraw-Hill Companies, Inc. All rights reserved.

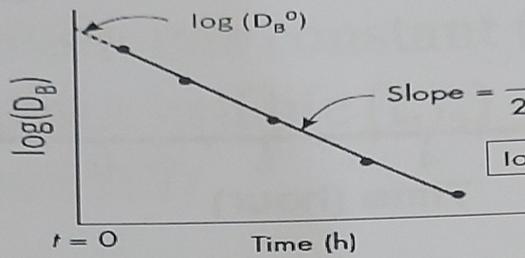
# First order kinetic graphs



$$D_B = D_B^0 * e^{-kt}$$



$$\ln D_B = -k*t + \ln D_B^0$$



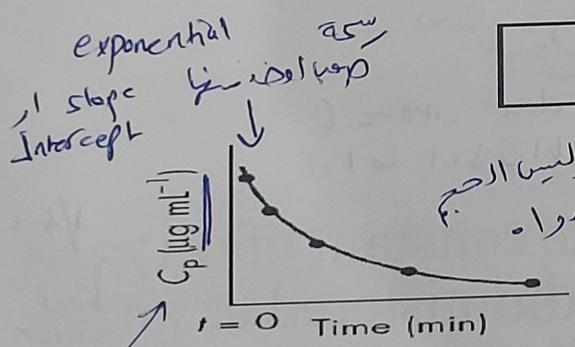
$$\log D_B = -(k*t/2.303) + \log D_B^0$$

بالاصح اذا اجاك بعادة ب ln وطلب K فا ماكي داي اضر ب 2.303 ك slope = -k  
 اما ب log فدايم اضر ب 2303 عن اصبي K  

$$\text{Slope} = -\frac{k}{2.303}$$

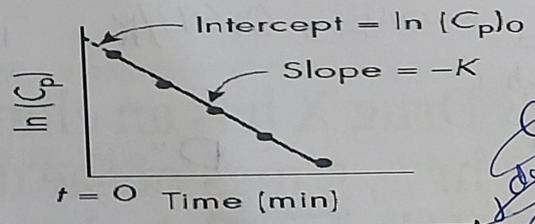
- As we usually take samples from the plasma or blood → then the results are in concentration units not mass units
- So we will have  $V_D$  and  $C_p$  →

$$D_B = V_D * C_p$$

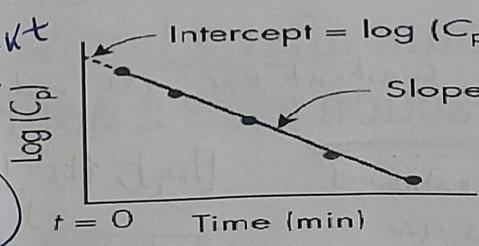


$$C_p = C_p^0 * e^{-kt}$$

حجم توزع الدواء وليس الحجم الذي توزع فيه الدواء



$$\ln C_p = -k*t + \ln C_p^0$$



$$\log C_p = -(k*t/2.303) + \log C_p^0$$

amount  
 dose at any time  

$$D = \frac{D_0}{V_D} * e^{-kt}$$
  
 ول ما دونا نفس الـ D لكن تختلف الوحدات

C<sub>0</sub>  
 dose at  
 total dose  
 rapid  
 mix

بقر اضر ب C ب  $\frac{\text{Dose}}{VOD}$

طرق حساب  $K$  :-

1] اول طريقة هي قوانين [e] [ln] [log] :  
شوي يحتاج لأحد هذه القوانين :

Dose at this, D at time 0, time

إذا ما أعطاني  $D_0$  ما بقدر احد اعطى  $C$  ما بقدر احد اعطى  
لو اعطاني  $C$  at this time وما اعطاني  $D$  at this time

C او D نفس الكمية

Slope من log و ln يحتاج  $D_0$  (dose at time zero)

إذا ما اعطاني اياه بروج  $T_{1/2}$  طريقة (C)

In first order  $T_{1/2}$

$$T_{1/2} = 0.693 / K$$

طبي إذا ما اعطى  $T_{1/2}$  و  $D_0$  اعطى

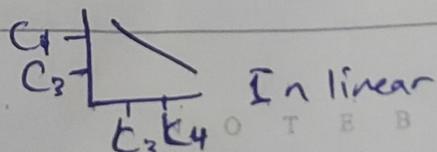
ما بقدر احد على الطريقة Slope =  $\frac{\Delta Y}{\Delta X}$  بروج لا

طريقة (C)

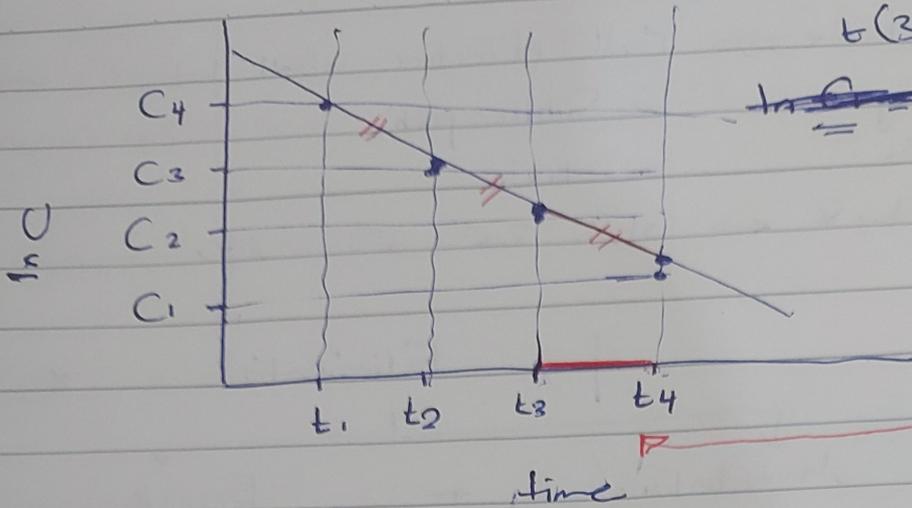
اي نقطتين دلالة المستقيم تطبق

$$\text{Slope} = \frac{\Delta Y}{\Delta X}$$

~~(t3, C3)~~  
(t4, C4)



طريقة ٣ طريقة



بدي (3-4)

~~$\ln C_3 = \ln C_0 - kt_3$~~

منطقة  
تحت انبساطي هاي

في اول first order فال Conc في time معين  
هو proportional الى قدره  $\ln C_1$  هو proportional

Concentration at  
time = zero

$\ln C_1 = \ln C_0 - kt_1$  لذلك

$\ln C_2 = \ln C_1 - kt_2$  لذا

$\ln C_3 = \ln C_2 - kt_3$

فانما بدي من t=3 to t=4

$\ln C_4 = \ln C_3 - k(t_4 - t_3)$

$(-k) = \frac{\ln C_4 - \ln C_3}{t_4 - t_3}$   
slope

ان 2 time تتابعها ويوجد في 2 Concentration  
منه Slope ← وسنعتبر ال Slope اي Slope  
Curve ال

$$-k = \frac{\ln C_4 - \ln C_3}{t_4 - t_3} \quad \checkmark$$

إذا بي اذني الحساب للمعادلة الأولى فهو صحيح.

$$k = \frac{\ln C_3 - \ln C_4}{t_4 - t_3} \quad \checkmark$$

OR

$$k = \frac{\ln C_4 - \ln C_3}{t_3 - t_4} \quad \checkmark$$

هذه تتناسب ك

Concentration at  $t = 0$  ←  $C_0$  إذا اطلبني \*  
time 0

بموجب القانون الثاني

$$\boxed{\text{Slope} = -k} \quad \checkmark$$

أو  $\ln$  أو  $\log$  طريقة  $\text{المع } \textcircled{1}$

Half life

$$= 0.693 / k$$

الطلب 2 times و  $\text{Conc}$  المقابل الم

بحسب من طريقة  $\text{المع } \textcircled{2}$

~~$$k = \ln C_4$$~~

1/2 time ← First order

Drug X has an elimination rate constant of  $0.173 \text{ hr}^{-1}$ , 5 mg of the drug were administered as an IV bolus. Calculate the following:

A) The drug amount after 2 hours

dose at time 0  $D_0 = 5 \text{ mg}$  amount not concentration

Concentration ←  $\text{mg/l}$  Volume

So

$$D_0 = 5 \text{ mg} \quad k = 0.173 \text{ hr}^{-1}$$

$D_0$  [log], [ln], [e] قوانين

$$D = D_0 * e^{-kt}$$

$$D(t=2\text{hr}) = 5 * e^{-0.173 * 2}$$

$$= 3.539 \text{ mg}$$

mg حساب الزوال mass

B) The rate of reaction after 2 hours.

first order, first order

rate of reaction not constant.

$$\frac{dD}{dt} = -k D^n$$

$$\frac{dA}{dt} = -k A^n$$

$n = 1$  first order

دالة

دالة

TEBOOK

لو كانت Zero order <sup>بالسؤال</sup> <sup>فيها</sup>  $\frac{dD}{dt} = -k D^n$   $n=0$

$$\frac{dD}{dt} = -k D^0 \quad (1)$$

$$= -0.173$$

~~لو كانت~~  
بما انها ~~Zero order~~ <sup>First order</sup> <sup>السؤال</sup> <sup>فالجواب:</sup>

$\frac{dD}{dt} = -k D^n$  time = 2 <sup>الموجودة بالسؤال في</sup>  $D_0 = 5$  <sup>بها القانون</sup>  $E=2$  <sup>بدي</sup>

$$= -k D^1$$

$$= -0.173 * 3.54 \quad \text{A}$$

$$= -0.613 \text{ mg/hr}$$

rate of decrease <sup>تدل على انها</sup> <sup>و هي تفقد</sup> <sup>elimination</sup> <sup>بشكل</sup> <sup>فانما</sup> <sup>بحكمية</sup>

rate of reaction = - 0.613 mg/hr

rate of elimination = 0.613 mg/hr

تدل على نقصان <sup>بالقيمة المطلقة</sup>

~~في~~

elimination rate اذا كان بالسؤال في كنه ethanol او <sup>Constant</sup> = 0.173 mg/hr <sup>او</sup> <sup>mass/time</sup> <sup>وحدة</sup> <sup>rate</sup> <sup>منها</sup> <sup>Zero order</sup>

الدكتور بجيب عطييات زيادة بالامتحان فاذا جااب هيد سؤال  
 وزياد  $VOD = 0.5$  (مطرح بالامتحان زيادة ليخربطها) في طلب  
 كانوا يجملوا يقسموا ال amount الى بالسؤال  $\frac{5 \text{ mg}}{0.2}$

Conc. = 10 mg/L  
 واما دهيد Conc. وطلب  
amount

وحدها mass

اذا طلب Conc. بالذخيرات بتول  $C_0 \rightarrow D_0$  أما في البداية او  
 بالآخر بالقيمة هي VOD هو ثابتة

$$C_0 = \frac{D_0}{V_d} = \frac{5 \text{ mg}}{0.5 \text{ L}} = 10 \text{ mg/L}$$

$$C = C_0 * e^{-kt}$$

وبصير القانون بعدها

$$D = D_0 * e^{-kt}$$

بذل صا

$$D = D_0 * e^{-kt}$$

أو يشتغل كل

وبالآخر يقسم كل  $V_d$  ما بتفرق

الجواب

PK parameters

## Fundamental parameters in one compartment

- Apparent Volume of Distribution ( $V_d$ )
- Elimination rate constant ( $K$ )
- Elimination half life ( $t_{1/2}$ )
- Clearance ( $Cl$ )

AUC : area under the Curve ← non fundamental

## Apparent Volume of Distribution ( $V_d$ )

- This apparent volume of distribution is not a physiological volume. It won't be lower than blood or plasma volume but it can be much larger than body volume for some drugs.
- It is a mathematical factor relating the amount of drug in the body and the concentration of drug in the measured compartment, usually plasma:

$$V_d = \frac{\text{AMOUNT of drug in the body}}{\text{CONCENTRATION in plasma}}$$

- $V_d$ : A measure of the tendency of a drug to move out of the blood plasma to some other site.

لو عننا

drug A

drug B

drug C

dose = 1000 mg

1000 mg

1000 mg

Conc. = 300 mg/L

25 mg/L

0.1 mg/L

$$V_d = \frac{1000}{300} = 3.3 L$$

$$V_d = \frac{1000}{25} = 40 L$$

$$V_d = 10000$$

$$D_0 = 1000 mg$$

٣ ادوية لنفس المريض واذنا Conc  
من الكمية بنفس الم

~~$$V_d = \frac{\text{amount}}{\text{Conc}}$$~~

$$V = V_d = \frac{\text{amount}}{\text{Conc}}$$

بملاحظة انه مستحيل نحقق بحجمه في مخزانات وانه  
حجمه يوسع سوائل توصل ل 10000 L ، كل استن  
بحجمه سوائل تقريباً 50 L لميد Volume of هي حجم  
distribution

توزيع الدواء وليس الحجم الي يتوزع فيه الدواء

هو لا يدل على حجم سوائل الجسم بل يعكس حجم توزيع  
الدواء

Conc ↓ دواء يوسع للخلايا أكثر ↑ distribution  
هكذا توصل = ∞ distribution عند Concentration يساوي صفر.  
طالفاية

لكن هل ممكن Conc = 0 ؟ لا لكن رياضياً .

VOD → أقل قابلية  
أقل قابلية

\* كل ما زادت VOD ← دواءه قابلية يتوزع للخلايا أكثر

↓  
drug property not  
physiological property.  
خاصية الدواء.

\* ما في دواء متوزع أقل من حجم البلازما وهي 3-4 L

Cont,

- Concentrations (mass per unit volume or amount per unit volume), not masses (mg or  $\mu\text{g}$ ), are usually measured in plasma or serum (more often than blood).
- Therefore, a term is needed to relate the measured concentration ( $C_p$ ) at a time to the mass of drug ( $X$ ) at that time. This term is defined as the apparent volume of distribution ( $V$ ).
- The apparent volume of distribution ( $V$ ) is simply a proportionality constant whose sole purpose is to relate the plasma concentration ( $C_p$ ) and the mass of drug ( $X$ ) in the body at a time. It is not a physiological volume

$$V_d = \frac{\text{dose}}{\text{initial conc.}} = \frac{X_0}{C_0}$$

$V_d$  ما بقدر اعراف  
 $C_0$  ما عدني اذا

# Factors Affecting Drug Distribution:

عوامل متعلقہ distribution

## ➤ Rate of distribution

- ✓ Membrane permeability ↑
- ✓ Lipid Solubility ↑ = NOD

Factors of absorption ↑ Rate of distribution  
partition coefficient ↑ lipophilicity ↑  
" " hydrophilicity ↓

✓ pH - pKa (pH-partition theory for ionizable molecules)

✓ Blood perfusion of organs and tissues

$$\text{Partition Coefficient} = \frac{\text{Lipophilicity}}{\text{hydrophilicity}}$$

## ➤ Extent of Distribution

✓ Plasma protein binding

\* بس ماہد و ادراہ کثیر لپوفیلک لائے ہیں صحت صا  
یہ وہ مالک و پیرسب و صا ہر ماہد

بہتر لپوفیلک لائے ہیں  
unionized

کثیر

قبل pharmacokinetic على Biopharmaceutics:

لنفرص انه دوا hydrophilic كثير فعال. شواله؟

يمكن احط داخل carrier او protein او polymer

او nanoparticle وبيوتوا lipophilic

جزء الداخلي hydrophilic والخارجي hydrophobic

ويمكن اعطي الدواء topical

Extent of Distribution

- ✓ Plasma protein binding
- ✓ Intracellular binding

drug A      drug B

plasma protein binding

90%

70%

و بهمنی → ای دوا که اکثر VOD ؟

30% = free drug B

\* پس ما بدو ادوا که بیشتر lipophilic لانه هیدک صاج  
 یتوب بالدم و بتسب و صاج بمر بالدم

hydrophilic ← یتوب بالدم

lipophilic ← لیخل الخلايا

لها انه بتسبى ع distribution فهی reversible  
 الجرذ ای بتسرد ای هد  
 • free

drug A

drug B

tissue protein

binding

90%

70%

اي حوداد افضل VOD ؟ <sup>كم بقدر داخل الخلايا</sup>

drug A لده جزء ال free = 10

VOD قل

plasma protein binding

كل ما زاد

VOD

كل ما زاد

tissue binding

كل ما زاد

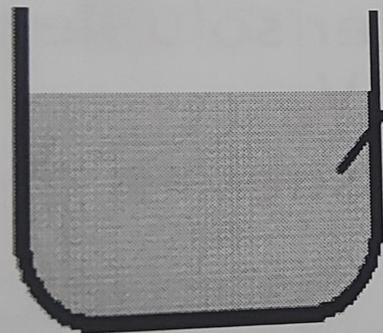
احسن

بقي يصل بالدم

# volume of distribution

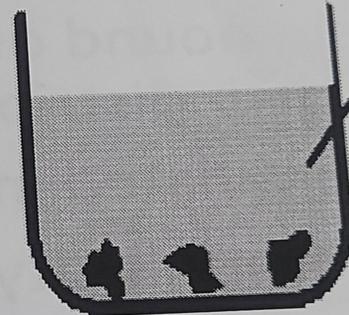
**Definition:**  $V = \frac{\text{amount of drug in the body}}{\text{concentration measured in plasma}}$

**Drug concentration in beaker:**



Dose = 10 mg  
 $C_p^0 = 20 \text{ mg/L}$   
Apparent  
Volume = 500 ml

**With charcoal in beaker:**



Dose = 10 mg  
 $C_p^0 = 2 \text{ mg/L}$   
Apparent  
Volume = 5000 ml

اصيد صاف  
الدول  
VOD

نفس فكرة ال drugs A , B , C  
الي شرحنا عليهم قبل كم صفحه  
فكرة ال VOLUME OF  
DISTRIBUTION

Marah Al- Rihani



**Artery Academy**